Problemas Capitulo Rb-Sr

Parámetros relevantes:

$$(^{87}\text{Rb}) = 1.42 \times 10\text{-}11 \text{ y-}1$$

$$86$$
Sr/ 88 Sr = 0.11940

84
Sr/ 88 Sr = 0.006756

85
Rb / 87 Rb = 2.59265

Peso atómico Rb = 85.46776

Masas atomicas (amu) de isotopos de Sr

88
Sr = 87.9056

87
Sr = 86.9088

86
Sr = 85.9092

84
Sr = 83.9134

1. Calcular: a) las abundancias de los isótopos Sr y b) el peso atómico de Sr dado que 87Sr/86Sr = 2.500.

$$\frac{^{86}Sr}{^{88}Sr} = 0.1194$$

$$\frac{^{84}Sr}{^{88}Sr} = 0.006756$$

$$\frac{^{87}Sr}{^{86}Sr} = 2.5$$

$$\frac{^{87}Sr}{^{88}Sr} = \frac{^{87}Sr}{^{86}Sr} \times \frac{^{86}Sr}{^{88}Sr} = (0.1194) \times (2.5) = 0.70192$$

$$\frac{^{86}Sr}{^{88}Sr} = 0.1194$$

$$\frac{^{84}Sr}{^{88}Sr} = 0.006756$$

$$\frac{{}^{86}Sr}{{}^{88}Sr} = 0.1194 \qquad \frac{{}^{84}Sr}{{}^{88}Sr} = 0.006756 \qquad \frac{{}^{87}Sr}{{}^{88}Sr} = 0.70192 \qquad \frac{{}^{88}Sr}{{}^{88}Sr} = 1$$

$$\frac{{}^{86}Sr}{{}^{88}Sr} + \frac{{}^{84}Sr}{{}^{88}Sr} + \frac{{}^{87}Sr}{{}^{88}Sr} + \frac{{}^{88}Sr}{{}^{88}Sr} = (0.1194 + 0.006756 + 0.70192 + 1) = 1.42465$$

$$\frac{{}^{84}Sr + {}^{86}Sr + {}^{87}Sr + {}^{88}Sr}{{}^{88}Sr} = 1.42465$$

$$\frac{{}^{88}Sr}{{}^{84}Sr + {}^{86}Sr + {}^{87}Sr + {}^{88}Sr} = 0.70192$$

1. Calcular: a) las abundancias de los isótopos Sr

$$\frac{^{84}Sr}{^{88}Sr} = 0.006756 \qquad Ab^{84}Sr = 0.004742$$

$$\frac{^{86}Sr}{^{88}Sr} = 0.1194 \qquad Ab^{86}Sr = 0.083819$$

$$\frac{^{87}Sr}{^{88}Sr} = 0.70192 \qquad Ab^{87}Sr = 0.20952$$

$$\frac{^{88}Sr}{^{88}Sr} = 1.0000 \qquad Ab^{88}Sr = 0.70192$$

$$Suma 1.42465 \qquad 0.99999$$

Masas atomicas (amu) de isotopos de Sr

88
Sr = 87.9056

87
Sr = 86.9088

86
Sr = 85.9092

84
Sr = 83.9134

1. b) el peso atómico de Sr

Peso atomico de Sr abundancia × masa

84
Sr = 0.004742×83.9134 = 0.397917

86
Sr = 0.083819×85.9092 = 7.200823

$$^{87}Sr = 0.20952 \times 86.9088 = 18.209131$$

$$^{88}Sr = 0.70192 \times 87.9056 = 61.702698$$

Peso atomico de Sr = 87.5105

2. Calcular el cociente ⁸⁷Rb/⁸⁶Sr (atómico) de una muestra de biotita que tiene las siguientes concentraciones: Rb = 465 ppm, Sr = 30 ppm, y cuya proporción ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr es 2.5, (Utilizar el resultados del problema 1 anterior).

$$\begin{bmatrix} \frac{87}{Rb} \\ \frac{86}{Sr} \end{bmatrix}_{hoy} = \left(\frac{Rb}{Sr}\right) * \left(\frac{P.A. Sr \times Ab^{87}Rb}{P.A. Rb \times Ab^{86}Sr}\right)$$
 Abundancia $^{86}Sr = 0.083819$

$$\frac{^{85}Rb}{^{87}Rb} = 2.59265$$

$$(\frac{87}{86}Rb) = (\frac{Rb}{86}Sr) * \left(\frac{P.A. Sr \times Ab^{87}Rb}{P.A. Rb \times Ab^{86}Sr}\right)$$
 Peso atómico $Rb = 85.46776$

$$Peso atomico de $Sr = 87.5105$
$$\frac{^{87}Rb}{^{86}Sr} = 2.59265$$
 Ab $^{85}Rb = 0.72165$
$$\frac{^{87}Rb}{^{87}Rb} = 1.00000$$
 Ab $^{87}Rb = 0.27834$
$$\frac{^{87}Rb}{^{87}Rb} = 1.00000$$
 Ab $^{87}Rb = 0.27834$$$

Suma = 3.59265

3. Si el cociente inicial ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr de la biotita en el problema 2 anterior fue 0.7035, ¿cuál es la "edad" de este mineral? (Use la ecuación 52).

$$\frac{{}^{87}Sr}{{}^{86}Sr} = \left(\frac{{}^{87}Sr}{{}^{86}Sr}\right)_0 + \frac{{}^{87}Rb}{{}^{86}Sr}\left(e^{\lambda t} - 1\right)$$

$$t = \frac{1}{\lambda} \left[\frac{\frac{87}{86} Sr}{\frac{87}{86} Sr} - \left(\frac{87}{86} \frac{Sr}{Sr} \right)_{0}}{\frac{87}{86} Sr} + 1 \right] = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \left[\frac{2.5 - 0.7035}{52.7} + 1 \right] = 0.0236 \times 10^{11}$$

 $t = 2.36 \times 10^9 a\tilde{n}os o 2.36 Ga$

4. ¿Cuál fue la relación ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr de esta biotita hace 1.8×10⁹ años?

$$\left(\frac{{}^{87}Sr}{{}^{86}Sr}\right)_{hoy} = \left(\frac{{}^{87}Sr}{{}^{86}Sr}\right)_i + \left(\frac{{}^{87}Rb}{{}^{86}Sr}\right)_{hoy} \left(e^{\lambda t} - 1\right)$$

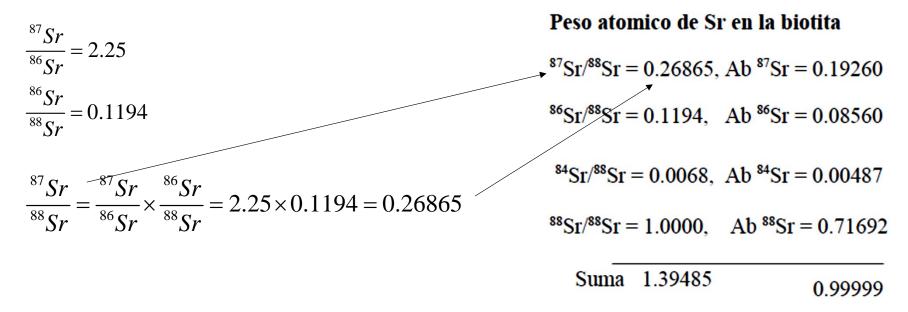
$$2.5 = \left(\frac{^{87}Sr}{^{86}Sr}\right)_0 + 52.7\left(e^{\left(1.42 \times 10^{-11}\right) \times \left(1.8 \times 10^9\right)} - 1\right)$$

$$\left(\frac{^{87}Sr}{^{86}Sr}\right)_0 = 2.5 - \left(52.7 \times 0.025889\right) = 1.135$$

$$\left(\frac{^{87}Sr}{^{86}Sr}\right)_0 = 1.135$$

5. Una muestra de biotita contiene **15.5 ppm de Sr**, **265.4 ppm de Rb**, y tiene un cociente 87 Sr/ 86 Sr de 2.25. ¿Cuál es su edad Rb-Sr?, suponiendo que su relación inicial 87 Sr/ 86 Sr es 0.70 y la constante de decaimiento $\lambda(^{87}$ Rb) = 1.42×10⁻¹¹ años⁻¹.

Supongamos que los otros cocientes isotópicos de Sr en la biotita son: ⁸⁶Sr/⁸⁸Sr = 0.1194, ⁸⁴Sr/⁸⁶Sr = 0.0068. Las masas de los isótopos Sr se dan en el problema 1 y las abundancias de los isótopos Rb son: ⁸⁷Rb = 27.83%, ⁸⁵Rb = 72.17%, y el peso atómico de **Rb es 85.4667**



Peso atomico
$$Sr_B = 0.19260 \times 86.9089 + 0.08560 \times 85.9092 + 0.00487 \times 83.9134 + 0.71692 \times 87.9056$$

= $16.73865 + 7.35382 + 0.40865 + 63.02128 = 87.5224$

La muestra de biotita contiene 15.5 ppm de Sr, 265.4 ppm de Rb

Calcular el cociente ⁸⁷Rb/⁸⁶Sr

$$\left| \left(\frac{^{87}Rb}{^{86}Sr} \right)_{hoy} = \left(\frac{Rb}{Sr} \right) * \left(\frac{P.A. Sr \times Ab^{87}Rb}{P.A. Rb \times Ab^{86}Sr} \right) \right|$$

$$\left(\frac{^{87} \text{Rb}}{^{86} \text{Sr}}\right)_{\text{attoms.}} = \left(\frac{\text{Rb}}{\text{Sr}}\right)_{\text{consc}} \times \mathbf{k}$$

$$\left(\frac{^{87} \text{ Rb}}{^{86} \text{ Sr}}\right)_{\text{atom.}} = \frac{265.4 \times 0.2783 \times 87.5224}{15.5 \times 85.4677 \times 0.08560}$$

$$\left(\frac{^{87}\text{Rb}}{^{86}\text{Sr}}\right)_{\text{atoms}} = 57.006$$

Calcular la edad Rb-Sr (ecuacion 5.11)

$$t = \frac{1}{\lambda} \ln \left[\frac{87 \, \text{Sr} / \frac{86}{5} \, \text{Sr} - \left(\frac{87}{5} \, \text{Sr} / \frac{86}{5} \, \text{Sr} \right)_0}{87 \, \text{Rb} / \frac{86}{5} \, \text{Sr}} + 1 \right]$$

$$t = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \ln \left[\frac{2.25 - 0.70}{57.06} + 1 \right]$$

$$t = \frac{\ln 1.02716}{1.42 \times 10^{-11}} = 1.89 \times 10^9 \text{ y or } 1.89 \text{ Ga}.$$

6. Los siguientes datos se obtuvieron de tres minerales de una pegmatita:

Suma:

0.99999

0.99999

0.99998

a. Calcula	ar las edade	Moscovita 238.4 1.80 1.4125			
	inicial de ⁸	Biotita 1080.9 12.8 1.1400			
<u>cociciite</u>	meiar de	DII DI		Peso atomico de Sr	Feldes-K 121.9 75.5 0.7502
	Moscovita	Biotita	Feldspato-K	Moscovita	
84Sr/88Sr: 86Sr/88Sr: 87Sr/88Sr: 88Sr/88Sr:	0.006756 0.11940 0.16865 1.00000	0.006756 0.11940 0.13611 1.00000	0.006756 0.11940 0.8957 1.00000	⁸⁴ Sr: 0.00521 × 83.9134 = 0.43718 ⁸⁶ Sr: 0.09221 × 85.9092 = 7.92168 ⁸⁷ Sr: 0.13025 × 86.9088 = 11.31987 ⁸⁸ Sr: 0.77232 × 87.9056 = 67.89125	Feldes-K
Suma:	1.29480	1.26226	1.21572	Peso atomico. = 87.5699	⁸⁴ Sr: 0.00555 × 83.9134 = 0.46571
Abundancias de los isotopos de Sr				Biotita	⁸⁶ Sr: 0.09821 ×85.9092 = 8.43714 ⁸⁷ Sr: 0.07367 × 86.9088 = 6.40257
Ab ⁸⁷ Sr Ab ⁸⁶ Sr Ab ⁸⁷ Sr	0.00521 0.09221 0.13025	0.00535 0.09459 0.10783	0.09821 0.07367	⁸⁴ Sr: 0.00535 × 83.9134 = 0.44893 ⁸⁶ Sr: 0.09459 × 86.9099 = 8.12615 ⁸⁷ Sr: 0.10783 × 86.9088 = 9.37137 ⁸⁸ Sr: 0.79222 × 87.9056 = 69.64057	⁸⁶ Sr: 0.82257 ×87.9056 = 72.3085 Peso atomico. = 87.6139
Ab ⁸⁸ Sr	0.77232	0.79222	0.82257	Peso atomico. $= 87.5870$	

Peso atomico. = 87.5870

Mineral

Rb ppm

ppm

Tener en cuenta que la abundancia de los isótopos de Sr y sus pesos atómicos en los tres minerales difieren debido a las diferencias en sus cocientes ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr.

MineralRb
ppmSr
ppm $\frac{87}{86}$ SrMoscovita238.41.801.4125Biotita1080.912.81.1400Feldes-K121.975.50.7502

cocientes 87Rb/86Sr de minerales

Moscovita

$$\frac{^{87} \text{ Rb}}{^{86} \text{Sr}} = \frac{238.4 \times 87.5699 \times 0.27834}{1.80 \times 85.46776 \times 0.09221} = 409.62$$

Biotita

$$\frac{^{87} \text{Rb}}{^{86} \text{Sr}} = \frac{1080.9 \times 87.5670 \times 0.27834}{12.8 \times 85.46776 \times 0.09459} = 254.64$$

Feldes-K

$$\frac{^{87}\text{Rb}}{^{86}\text{Sr}} = \frac{12.9 \times 87.6139 \times 0.27834}{75.5 \times 85.46776 \times 0.09821} = 4.6908$$

6b. ¿Por qué las fechas (edades) Rb-Sr de estos minerales son discordantes?

Presumiblemente por la difusión de ⁸⁷Sr radiogénico de moscovita y biotita hacia K-feldespato durante un episodio de metamorfismo regional, esto hizo que aumentara el ⁸⁷Sr en el feldespato-K, reportando así una edad para el feldespato-K mas antigua que los otros dos minerales

Calculo de las edades Rb-Sr

$$t = \frac{1}{\lambda} \ln \left[\frac{e^{\gamma} Sr/^{66} Sr - \left(e^{\gamma} Sr/^{66} Sr\right)_{0}}{e^{\gamma} Rb/^{66} Sr} \right]$$

Moscovita

$$\mathbf{t} = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \ln \left[\frac{1.4125 - 0.7040}{409.62} + 1 \right]$$

$$\mathbf{t} = \frac{\ln 1.0017296}{1.42 \times 10^{-11}} = \frac{0.0017281}{1.42 \times 10^{-11}}$$

$$t = 0.0012169 \times 10^{11} = 121.7 \times 10^6 \text{ y o}$$
 121.7 Ma

Botita

$$t = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \ln \left[\frac{1.1400 - 0.7040}{254.64} + 1 \right]$$

$$t = \frac{\ln 1.00171222}{1.42 \times 10^{-11}} = 120.5 \times 10^6 \text{ y o}$$
 120.5 Ma

Feldes-K

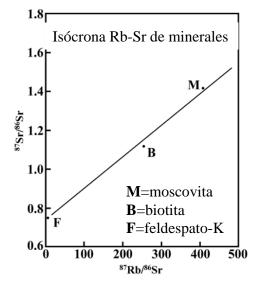
$$t = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \ln \left[\frac{0.7502 - 0.7040}{4.6908} + 1 \right]$$

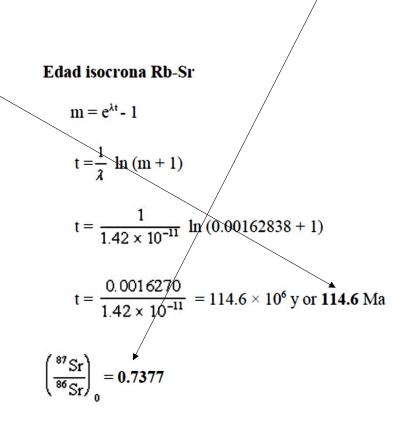
$$t = \frac{\ln 1.00984906}{1.42 \times 10^{-11}} = 690.2 \times 10^6 \text{ y or } 690.2 \text{ Ma}$$

7. Graficar los cocientes ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr y ⁸⁷Rb/⁸⁶Sr de los tres minerales en el problema 6 en un diagrama isócrona. Calcular la pendiente y la intersección en el eje Y de la isócrona con el método de mínimos cuadrados.

Calcular la edad Rb-Sr de la pendiente de la isócrona así como el cociente inicial ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr inicial.

Mineral	⁸⁷ Sr ⁸⁶ Sr	⁸⁷ Rb ⁸⁶ Sr
Muscovita	1.4125	409.62
Biotita	1.1400	254.64
Feldes-K	0.7502	4.6908





Interpretación

Tener en cuenta que la relación inicial ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr de estos minerales es 0.7377 en ves de 0.7040 como se supone en el problema 6. Lo que hace que las edades calculadas en el problema 6 sean incorrectas.

Por lo tanto, todas las edades de Rb-Sr calculadas con el cociente inicial de ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr de 0.7040 son incorrectas.

El elevado cociente inicial ⁸⁷Sr/^{86S}r de los minerales puede indicar que el Sr que contienen fue isotópicamente homogeneizado durante un episodio de metamorfismo.

Alternativamente, los minerales pueden haber cristalizado de un magma que contenía Sr con un cociente ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr elevado porque se formó por fusión parcial de rocas de corteza antiguas.

La edad isócrona Rb-Sr (114.6 Ma) es el tiempo transcurrido desde que los minerales se enfriaron a sus temperaturas de bloqueo ya sea después de un episodio de metamorfismo o después de la cristalización de magma

La escala de tiempo geológica indica que la edad está dentro del intervalo de tiempo de la Era Aptiense de la Época Cretácica Temprana.

8. Dado que el cociente ${}^{87}\text{Sr}/{}^{86}\text{Sr}$ de un mineral es de 0.955 ± 0.001 y su cociente ${}^{87}\text{Rb}/{}^{86}\text{Sr}$ es de 62.5 ± 1.9 , calcule la edad Rb-Sr de este mineral y la incertidumbre de esta fecha, correspondiente a los errores analíticos. (Supongamos que $({}^{87}\text{Sr}/{}^{86}\text{Sr})_0 = 0.7040$).

Las edades maxima y minima Rb-Sr derivadas de los datos are:

Edad maxima:

$$87Sr/86Sr = 0.955 + 0.001 = 0.956$$

87
Rb/ 86 Sr = 62.5 - 1.9 = 60.6

$$\frac{^{87} \, Sr}{^{86} \, Sr} = \left(\frac{^{87} \, Sr}{^{86} \, Sr}\right)_{0} + \frac{^{87} \, Rb}{^{86} \, Sr} \left(e^{2x} - 1\right)$$

$$t = \frac{1}{\lambda} \ln \left[\frac{^{87} Sr/^{84} Sr - (^{87} Sr/^{84} Sr)_{0}}{^{87} Rb/^{84} Sr} + 1 \right]$$

$$t_{\text{max}} = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \ln \left[\frac{0.956 - 0.7040}{60.6} + 1 \right]$$

$$t_{\text{max}} = \frac{\ln 1.00415841}{1.42 \times 10^{-11}} = 292.23 \times 10^6 \text{ y}$$

Edad minima

$$^{87}Sr/^{86}Sr = 0.955 - 0.001 = 0.954$$

87
Rb/ 86 Sr = 62.5 + 1.9 = 64.4

$$t_{min} = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \ln \left[\frac{0.954 - 0.7040}{64.4} \right] + 1$$

$$t_{min} = \frac{ln \ 1.00388198}{1.42 \times 10^{-11}} = 272.84 \times 10^6 \ y$$

Mejor edad

$$t_{\text{best}} = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \ln \left[\frac{0.955 - 0.7040}{62.5} + 1 \right]$$

$$t_{\text{best}} = \frac{\ln 1.004016}{1.42 \times 10^{-11}} = 282.25 \times 10^6 \,\text{y}$$

Resumen

$$\Delta t = 282.25 - 272.84 = 9.41 \text{ Ma } \Delta t =$$

$$292.23 - 282.25 = 9.98 \text{ Ma}$$

Edad Rb-Sr =
$$282 \pm 10$$
 Ma

9. Los siguientes datos se aplican a rocas enteras y minerales separados del Gneis de Baltimore, Maryland (Wetherill et al., 1968. Geol. Soc. Amer. Bull., 79:757-762).

Muestras	⁸⁷ Rb ⁸⁶ Sr	⁸⁷ Sr ⁸⁶ Sr
Rock 1	2.244	0.7380
Rock 2	3.642	0.7612
Rock 3	6.59	0.7992
Biotite 3	289.7	1.969
K-spar 3	5.6	0.8010
Plag. 3	0.528	0.7767
Rock 4	0.2313	0.7074
Rock 5	3.628	0.7573
Biotite 5	116.4	1.2146
K-spar 5	3.794	0.7633
Plag. 5	0.2965	0.7461

Interpretar estos datos por medio de diagramas isócronas adecuados. Determinar las fechas Rb-Sr y cocientes iniciales ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr y utilícelos para reconstruir la historia geológica de Baltimore Gneis.

Coeficiente de correlacion lineal= 0.99995

Pendiente (m) = 0.00403286

Interseccion en eje Y (b) = 0.74518

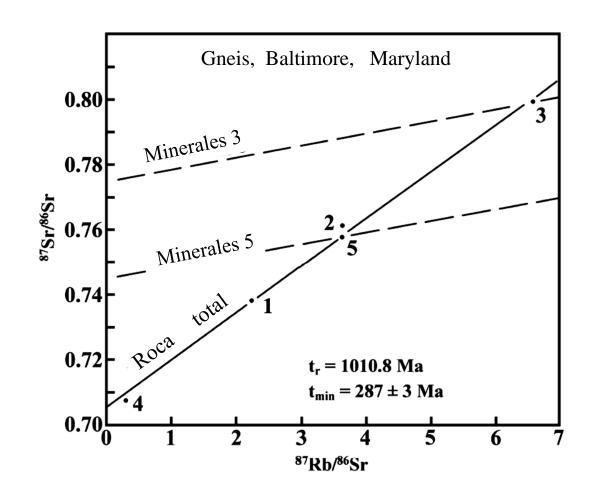
$$t_{\text{miner.}} = \frac{1}{1.42 \times 10^{-11}} \ln 1.00403286$$

 $t_{miner.} = 283.43 \text{ Ma}$

Edad roca total 1010.0 Ma.

Minerales mas rocas 3 289 Ma.

Minerales mas roca 5 283.43 Ma.



Interpretación del diagrama isócrona

Las rocas del Baltimore Gneiss cristalizaron a 1010 Ma en el curso de la Orogenia Grenville (Figura 6.15, página 135).

El cociente ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr del protolito era 0.70538, lo que sugiere una historia cortical previa (p. Ej., Un complejo volcano-sedimentario).

El Gneis de Baltimore se metamorfisó a 287±3 Ma (Pérmico temprano, Sakmarian) durante la orogenia de los Apalaches.

La composición de isótopos de Sr en los minerales se homogeneizó en ese momento, de tal manera que la los cocientes ⁸⁷Sr/⁸⁶Sr de los minerales obtuvieron el mismo valor que las rocas en las que ocurrieron.

Algo hermoso es un placer para siempre.